

## 15. HIDROMEKANIKA I AEROMEKANIKA (1.403. - 1.460.)

1.403. Koliki je tlak u nekom jezeru na dubini 10 m?

$$\begin{aligned}
 h &= 10 \text{ m} & p &= p_0 + \rho \cdot g \cdot h \\
 p &= ? & p &= 101300 + 1000 \cdot 9,81 \cdot 10 \\
 & & p &= 199400 \text{ Pa}
 \end{aligned}$$

1.404. Tlačna sisaljka podigne u cijevi vodu na visinu 40 m. Kolikom silom djeluje voda na ventil sisaljke ako je površina presjeka ventila  $8 \text{ cm}^2$ ?

$$\begin{aligned}
 h &= 40 \text{ m} & p &= \rho \cdot g \cdot h & p &= \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S \\
 S &= 8 \text{ cm}^2 = 0,0008 \text{ m}^2 & p &= 1000 \cdot 9,81 \cdot 40 & F &= 392400 \cdot 0,0008 \\
 F &= ? & p &= 392400 \text{ Pa} & F &= 313,92 \text{ N}
 \end{aligned}$$

1.405. Na kojoj će dubini tlak vode u jezeru biti tri puta veći od atmosferskog tlaka koji u živinom barometru drži ravnotežu sa stupcem žive visokim 770 mm?

$$\begin{aligned}
 p_H &= 3p_A & p_A &= \rho \cdot g \cdot h & p &= p_H - p_A & h &= \frac{p}{\rho \cdot g} \\
 p_A &= 770 \text{ mm Hg} & p_A &= 1000 \cdot 9,81 \cdot 0,77 & p &= 3 \cdot p_A - p_A & h &= \frac{205460}{1000 \cdot 9,81} \\
 h &= ? & p_A &= 102730 \text{ Pa} & p &= 2 \cdot p_A & h &= 20,94 \text{ m} \\
 & & & & p &= 2 \cdot 102730 & & \\
 & & & & p &= 205460 \text{ Pa} & & 
 \end{aligned}$$

1.406. Kolika će biti duljina stupca žive u barometarskoj cijevi smještenoj u zatvorenoj kabini na Mjesecu ako zrak kabini odgovara uvjetima uz koje bi na Zemlji stupac žive u barometru bio dug 760 mm?

$$\begin{aligned}
 h_Z &= 760 \text{ mm} & p_Z &= \rho \cdot g \cdot h_Z & h_M &= \frac{p}{\rho \cdot g_M} \\
 h_M &= ? & p_Z &= 13600 \cdot 9,81 \cdot 0,76 & h_M &= \frac{101396}{13600 \cdot g_M} \\
 & & p_Z &= 101396 \text{ Pa} & h_M &= \frac{7,46}{g_M}
 \end{aligned}$$

1.407. Posuda u obliku skraćenog stošca ima površinu donje baze  $B_1 = 200 \text{ cm}^2$ , a gornjeg otvora  $B_2 = 120 \text{ cm}^2$ . Visina posude je 42 cm. a) Kolika sila djeluje na dno ako je posuda napunjena vodom? b) Kolika je težina vode u posudi? c) Jesu li sila na dno i težina jednake?

$$\begin{aligned}
 B_1 &= 200 \text{ cm}^2 = 0,02 \text{ m}^2 & \text{a)} & & \text{b)} & \\
 B_2 &= 120 \text{ cm}^2 = 0,012 \text{ m}^2 & F &= p \cdot S & V &= \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot v \cdot (r_1^2 + r_2^2 + r_1 \cdot r_2) \\
 h &= 42 \text{ cm} = 0,42 \text{ m} & F &= \rho \cdot g \cdot h \cdot B_1 & B_1 &= r_1^2 \cdot \pi \Rightarrow r_1 = \sqrt{\frac{B_1}{\pi}} = \sqrt{\frac{0,02}{\pi}} = 0,08 \text{ m} \\
 \text{a) } F &= ?, \text{ b) } G = ? & F &= 1000 \cdot 9,81 \cdot 0,42 \cdot 0,02 & B_2 &= r_2^2 \cdot \pi \Rightarrow r_2 = \sqrt{\frac{B_2}{\pi}} = \sqrt{\frac{0,012}{\pi}} = 0,06 \text{ m} \\
 & & F &= 82,4 \text{ N} & V &= \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot 0,42 \cdot (0,08^2 + 0,06^2 + 0,08 \cdot 0,06) = 0,006512 \text{ m}^3 \\
 & & & & G &= m \cdot g = \rho \cdot V \cdot g \\
 & & & & G &= 1000 \cdot 0,006512 \cdot 9,81 = 63,88 \text{ N} \\
 \text{c)} & & & & & \\
 F &> G & & & & 
 \end{aligned}$$

1.408. U posudi se nalazi tekući aluminij do visine 60 cm. Na dnu posude je otvor kroz koji ulazi zrak pod tlakom  $p$ . Koliki mora biti tlak zraka da aluminij ne bi izlazio?

$$\begin{aligned} h &= 60 \text{ cm} = 0,6 \text{ m} & p &= \rho \cdot g \cdot h \\ \rho &= 2700 \text{ kg/m}^3 & p &= 2700 \cdot 9,81 \cdot 0,6 \\ p &= ? & p &= 15892 \text{ Pa} \end{aligned}$$

1.409. Manji čep hidrauličke preše ima površinu  $15 \text{ cm}^2$ , a veći  $180 \text{ cm}^2$ . Sila  $90 \text{ N}$  prenosi se na manji čep dvokrakom polugom kojoj je omjer krakova  $6 : 1$ . Kolikom silom tlači veliki čep?

$$\begin{aligned} S_1 &= 15 \text{ cm}^2 & F_1 \cdot a &= F_1' \cdot b & p_1 &= p_2 \\ S_2 &= 180 \text{ cm}^2 & F_1' &= F_1 \cdot \frac{a}{b} & \frac{F_1'}{S_1} &= \frac{F_2}{S_2} \\ F_1 &= 90 \text{ N} & F_1' &= 90 \cdot \frac{6}{1} & F_2 &= \frac{S_2}{S_1} \cdot F_1' \\ a : b &= 6 : 1 & F_1' &= 540 \text{ N} & F_2 &= \frac{180}{15} \cdot 540 \\ F_2 &= ? & & & F_2 &= 6480 \text{ N} \end{aligned}$$

1.410. U podvodnom dijelu broda nastao je otvor površine  $5 \text{ cm}^2$ . Otvor se nalazi  $3 \text{ m}$  ispod površine vode. Kojom najmanjom silom moramo djelovati na otvor da bismo spriječili prodiranje vode?

$$\begin{aligned} S &= 5 \text{ cm}^2 = 0,0005 \text{ m}^2 & p &= \rho \cdot g \cdot h & p &= \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S \\ h &= 3 \text{ m} & p &= 1000 \cdot 9,81 \cdot 3 & F &= 29430 \cdot 0,0005 \\ F &= ? & p &= 29430 \text{ Pa} & F &= 14,715 \text{ N} \end{aligned}$$

1.411. Kolikom silom djeluje para na otvor sigurnosnog ventila promjera  $100 \text{ mm}$  ako manometar pokazuje tlak  $11,7 \times 10^5 \text{ Pa}$ ?

$$\begin{aligned} d &= 100 \text{ mm} = 0,1 \text{ m} & S &= \frac{d^2 \cdot \pi}{4} & p &= \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S \\ p &= 11,7 \times 10^5 \text{ Pa} & S &= \frac{0,1^2 \cdot \pi}{4} & F &= 11,7 \cdot 10^5 \cdot 0,0079 \\ F &= ? & S &= 0,0079 \text{ m}^2 & F &= 9243 \text{ N} \end{aligned}$$

1.412. Pod kojim tlakom mora sisaljka tjerati vodu u cijevi vodovoda visokog nebodera ako se nalazi u podrumu zgrade, a željeli bismo da tlak vode u najvišem dijelu zgrade bude  $15 \times 10^4 \text{ Pa}$ ? Visinska razlika između sisaljke i najvišeg dijela zgrade neka je  $100 \text{ m}$ .

$$\begin{aligned} p_{\text{UK}} &= 15 \times 10^4 \text{ Pa} & p &= \rho \cdot g \cdot h & p_{\text{UK}} &= p_0 + p \\ h &= 100 \text{ m} & p &= 1000 \cdot 9,81 \cdot 100 & p_{\text{UK}} &= 101300 + 981000 \\ p &= ? & p &= 981000 \text{ Pa} & p_{\text{UK}} &= 1082300 \text{ Pa} \end{aligned}$$

1.413. U valjkastu posudu nalili smo količine žive i vode jednakih težina. Ukupna visina stupca obiju tekućina iznosi  $h = 29,2$  cm. Koliki je tlak tekućina na dno posude?

$$h = 29,2 \text{ cm}$$

$$G_1 = G_2$$

$$p = ?$$



$$G_1 = G_2$$

$$m_1 \cdot g = m_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot V_1 \cdot g = \rho_2 \cdot V_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot B \cdot h_1 \cdot g = \rho_2 \cdot B \cdot h_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot h_1 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$h = h_1 + h_2 \Rightarrow h_1 = h - h_2$$

$$\rho_1 \cdot (h - h_2) = \rho_2 \cdot h_2$$

$$\rho_1 \cdot h - \rho_1 \cdot h_2 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$h_2 \cdot (\rho_1 + \rho_2) = \rho_1 \cdot h$$

$$h_2 = \frac{\rho_1 \cdot h}{\rho_1 + \rho_2}$$

$$h_2 = \frac{13600 \cdot 0,292}{13600 + 1000} = 0,272 \text{ m}$$

$$h_1 = h - h_2 = 0,292 - 0,272 = 0,02 \text{ m}$$

$$p = \frac{F}{S} = \frac{m_1 \cdot g + m_2 \cdot g}{S}$$

$$p = \frac{(\rho_1 \cdot V_1 + \rho_2 \cdot V_2) \cdot g}{S}$$

$$p = \frac{(\rho_1 \cdot S \cdot h_1 + \rho_2 \cdot S \cdot h_2) \cdot g}{S}$$

$$p = (\rho_1 \cdot h_1 + \rho_2 \cdot h_2) \cdot g$$

$$p = (13600 \cdot 0,02 + 1000 \cdot 0,272) \cdot 9,81$$

$$p = 5336,64 \text{ Pa}$$

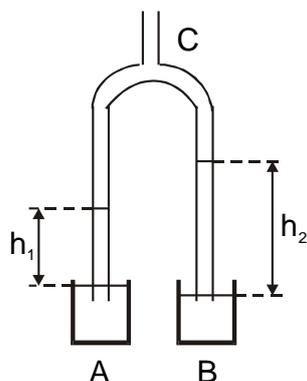
1.414. Cijev C s dva kraka uronili smo u dvije posude, A i B. Kroz gornji kraj cijevi isisali smo nešto zraka. Zbog toga se tekućina digla u lijevoj cijevi za  $h_1$ , a u desnoj za  $h_2$ . Kolika je gustoća tekućine u posudi B ako je u posudi A voda i ako je  $h_1 = 10$  cm, a  $h_2 = 12$  cm?

$$\rho_1 = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$h_1 = 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m}$$

$$h_2 = 12 \text{ cm} = 0,12 \text{ m}$$

$$\rho_2 = ?$$



$$p_1 = p_2$$

$$\rho_1 \cdot h_1 \cdot g = \rho_2 \cdot h_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot h_1 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$\rho_2 = \frac{\rho_1 \cdot h_1}{h_2}$$

$$\rho_2 = \frac{1000 \cdot 0,1}{0,12}$$

$$\rho_2 = 833,3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

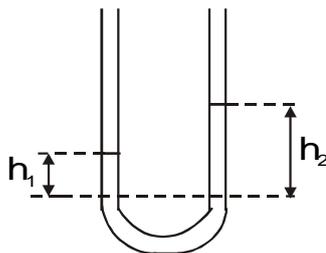
1.415. U cijevi oblika slova U nalivena je živa, a zatim u jedan krak tekućina gustoće  $1,2 \times 10^3$  kg/m<sup>3</sup>. Visina je stupca žive, mjerena od dodirne površine 1,4 cm. Kolika je visina stupca nepoznate tekućine?

$$\rho_1 = 13600 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_2 = 1,2 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$h_1 = 1,4 \text{ cm}$$

$$h_2 = ?$$



$$p_1 = p_2$$

$$\rho_1 \cdot h_1 \cdot g = \rho_2 \cdot h_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot h_1 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$h_2 = \frac{\rho_1 \cdot h_1}{\rho_2}$$

$$h_2 = \frac{13600 \cdot 0,014}{1200}$$

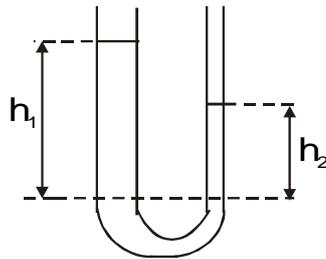
$$h_2 = 0,158 \text{ m}$$

1.416. U dvije spojene posude različitih presjeka ulijemo najprije živu, a zatim u širu cijev presjeka  $5 \text{ cm}^2$  dolijemo  $300 \text{ g}$  vode. Za koliko će visina stupca žive u uskoj cijevi biti veća od visine u širokoj cijevi?

$$S_1 = 5 \text{ cm}^2 = 0,0005 \text{ m}^2$$

$$m_1 = 300 \text{ g} = 0,3 \text{ kg}$$

$$h_2 = ?$$



$$\rho_1 = \rho_2$$

$$\rho_1 \cdot h_1 \cdot g = \rho_2 \cdot h_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot h_1 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$h_2 = \frac{\rho_1 \cdot h_1}{\rho_2}$$

$$h_2 = \frac{1000 \cdot 0,6}{13600}$$

$$h_2 = 0,0441 \text{ m}$$

$$m_1 = \rho_1 \cdot V_1$$

$$V_1 = \frac{m_1}{\rho_1}$$

$$V_1 = \frac{0,3}{1000} = 0,0003 \text{ m}^3$$

$$V_1 = S_1 \cdot h_1$$

$$h_1 = \frac{V_1}{S_1}$$

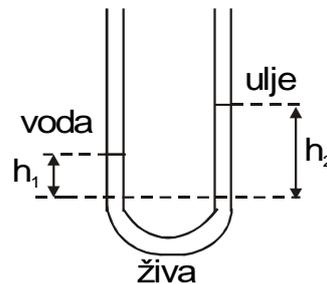
$$h_1 = \frac{0,0003}{0,0005} = 0,6 \text{ m}$$

1.417. U dva kraka cijevi oblika U naliveni su voda i ulje odijeljeni živom. Granice žive i tekućina u oba kraka na istoj su razini. Kolika je visina  $h_1$  stupca vode ako je visina stupca ulja  $20 \text{ cm}$ ?

$$\rho_2 = 900 \text{ kg/m}^3$$

$$h_2 = 20 \text{ cm} = 0,2 \text{ m}$$

$$h_1 = ?$$



$$\rho_1 = \rho_2$$

$$\rho_1 \cdot h_1 \cdot g = \rho_2 \cdot h_2 \cdot g$$

$$\rho_1 \cdot h_1 = \rho_2 \cdot h_2$$

$$h_1 = \frac{\rho_2 \cdot h_2}{\rho_1}$$

$$h_1 = \frac{900 \cdot 0,2}{1000}$$

$$h_1 = 0,18 \text{ m}$$

1.418. Koliko je visok stupac žive u živinom barometru koji odgovara tlaku  $0,98 \times 10^5 \text{ Pa}$ ?

$$\rho = 13600 \text{ kg/m}^3$$

$$p = 0,98 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$h = ?$$

$$p = \rho \cdot g \cdot h \Rightarrow h = \frac{p}{\rho \cdot g}$$

$$h = \frac{0,98 \cdot 10^5}{13600 \cdot 9,81}$$

$$h = 0,73 \text{ m}$$

1.419. Kolikom silom pritišće zrak na površinu stola uz tlak  $0,98 \times 10^5 \text{ Pa}$ ?

$$S = 1,2 \times 0,6 = 0,72 \text{ m}^2$$

$$p = 0,98 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$F = ?$$

$$p = \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S$$

$$F = 0,98 \cdot 10^5 \cdot 0,72$$

$$F = 70560 \text{ N}$$

1.420. Kolikom silom pritišće zrak na ravan krov kuće dimenzija  $20 \text{ m} \times 50 \text{ m}$ ?

$$S = 20 \times 50 = 1000 \text{ m}^2$$

$$F = ?$$

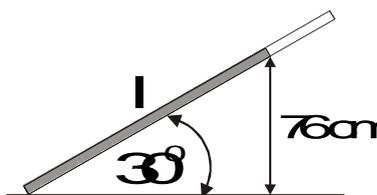
$$p = \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S$$

$$F = 101300 \cdot 1000$$

$$F = 101300000 \text{ N}$$

1.421. Barometarska cijev je prema horizontalnoj ravnini nagnuta pod kutom od  $30^\circ$ . Kolika je duljina stupca žive u cijevi pri normiranome atmosferskom tlaku?

$$\begin{aligned} p &= 101300 \text{ Pa} \\ \alpha &= 30^\circ \\ l &= ? \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \frac{0,76}{l} \\ l &= \frac{0,76}{\sin \alpha} \\ l &= \frac{0,76}{\sin 30^\circ} \\ l &= 1,52 \text{ m} \end{aligned}$$

1.422. Odredi najveću visinu do koje se usisavanjem može podići ulje u nekoj cijevi ako je atmosferski tlak  $9,86 \times 10^4 \text{ Pa}$ .

$$\begin{aligned} p &= 9,86 \times 10^4 \text{ Pa} \\ \rho &= 900 \text{ kg/m}^3 \\ h &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} p &= \rho \cdot g \cdot h \\ h &= \frac{p}{\rho \cdot g} \\ h &= \frac{9,86 \cdot 10^4}{900 \cdot 9,81} \\ h &= 11,16 \text{ m} \end{aligned}$$

1.423. Odredi silu koja djeluje na površinu stola ako je površina  $1,8 \text{ m}^2$ , a tlak normiran.

$$\begin{aligned} S &= 1,8 \text{ m}^2 \\ p &= 101300 \text{ Pa} \\ F &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F &= p \cdot S \\ F &= 101300 \cdot 1,8 \\ F &= 182340 \text{ N} \end{aligned}$$

1.424. Koliki je atmosferski tlak na visini 3600 m iznad površine Zemlje? Tlak uz njezinu površinu je normiran, a smanjuje se svakih 10 m iznad Zemlje za otprilike 133,3 Pa.

$$\begin{aligned} h &= 3600 \text{ m} \\ p_0 &= 101300 \text{ Pa} \\ \Delta h &= 10 \text{ m} \\ \Delta p &= 133,3 \text{ Pa} \\ p &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} p &= p_0 - \frac{h}{\Delta h} \cdot \Delta p \\ p &= 101300 - \frac{3600}{10} \cdot 133,3 \\ p &= 53312 \text{ Pa} \end{aligned}$$

1.425. Na kojoj visini iznad Zemlje leti zrakoplov ako je tlak u kabini 100642 Pa, dok je na površini Zemlje tlak normiran?

$$\begin{aligned} p &= 100642 \text{ Pa} \\ p_0 &= 101300 \text{ Pa} \\ \rho &= 1,293 \text{ kg/m}^3 \\ h &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta p &= \rho \cdot g \cdot h \\ h &= \frac{\Delta p}{\rho \cdot g} \\ h &= \frac{101300 - 100642}{1,293 \cdot 9,81} \\ h &= 51,8 \text{ m} \end{aligned}$$

1.426. Koliko je dubok rudnički rov u kojemu je stupac žive u barometru visok 82 cm, a na Zemlji 78 cm?

$$\begin{array}{llll}
 h_1 = 82 \text{ cm} & p_1 = \rho \cdot g \cdot h_1 & p_2 = \rho \cdot g \cdot h_2 & \Delta p = \rho \cdot g \cdot h \\
 h_2 = 78 \text{ cm} & p_1 = 13600 \cdot 9,81 \cdot 0,82 & p_1 = 13600 \cdot 9,81 \cdot 0,78 & h = \frac{\Delta p}{\rho \cdot g} \\
 h = ? & p_1 = 109401 \text{ Pa} & p_1 = 104064 \text{ Pa} & h = \frac{109401 - 104064}{1,293 \cdot 9,81} \\
 & & & h = 378,18 \text{ m}
 \end{array}$$

1.427. Koliko je teška mramorna kuglica promjera 1 cm u eteru?

$$\begin{array}{llll}
 \rho_M = 2800 \text{ kg/m}^3 & V = \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi & G = m \cdot g - F_U & \\
 \rho_E = 730 \text{ kg/m}^3 & & G = \rho_M \cdot V \cdot g - \rho_E \cdot V \cdot g & \\
 d = 1 \text{ cm} & V = \frac{4}{3} \cdot 0,005^3 \cdot \pi & G = (\rho_M - \rho_E) \cdot V \cdot g & \\
 G = ? & V = 5,24 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3 & G = (2800 - 730) \cdot 5,24 \cdot 10^{-7} \cdot 9,81 & \\
 & & G = 0,01 \text{ N} & 
 \end{array}$$

1.428. Čovjek može pod vodom podići kamen kojega je obujam najviše 35 dm<sup>3</sup>. Koliki teret može taj čovjek podizati u zraku ako je gustoća kamena 2,4 × 10<sup>3</sup> kg/m<sup>3</sup>.

$$\begin{array}{ll}
 V = 35 \text{ dm}^3 = 0,035 \text{ m}^3 & G = m \cdot g - F_U \\
 \rho_K = 2,4 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 & G = \rho_K \cdot V \cdot g - \rho_V \cdot V \cdot g \\
 G = ? & G = (\rho_K - \rho_V) \cdot V \cdot g \\
 & G = (2400 - 1000) \cdot 0,035 \cdot 9,81 \\
 & G = 480,69 \text{ N}
 \end{array}$$

1.429. Odredi obujam komada željeza na koji, kad ga uronimo u alkohol, djeluje uzgon veličine 1,5 N?

$$\begin{array}{ll}
 F_U = 1,5 \text{ N} & F_U = \rho \cdot V \cdot g \Rightarrow V = \frac{F_U}{\rho \cdot g} \\
 \rho = 790 \text{ kg/m}^3 & \\
 V = ? & V = \frac{1,5}{790 \cdot 9,81} \\
 & V = 0,00019 \text{ m}^3 = 0,19 \text{ dm}^3
 \end{array}$$

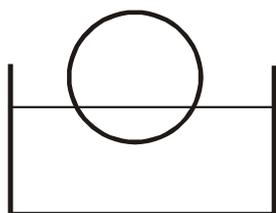
1.430. Komad stakla ima u zraku težinu 1,4 N, a u vodi 0,84 N. Nađi gustoću stakla.

$$\begin{array}{llll}
 G_Z = 1,4 \text{ N} & G_Z = m \cdot g - F_U & G_V = m \cdot g - F_U & \frac{G_Z}{G_V} = \frac{(\rho_S - \rho_Z) \cdot V \cdot g}{(\rho_S - \rho_V) \cdot V \cdot g} \\
 G_V = 0,84 \text{ N} & G_Z = \rho_S \cdot V \cdot g - \rho_Z \cdot V \cdot g & G_V = \rho_S \cdot V \cdot g - \rho_V \cdot V \cdot g & \frac{G_Z}{G_V} = \frac{\rho_S - \rho_Z}{\rho_S - \rho_V} \\
 \rho_S = ? & G_Z = (\rho_S - \rho_Z) \cdot V \cdot g & G_V = (\rho_S - \rho_V) \cdot V \cdot g & G_Z \cdot (\rho_S - \rho_V) = G_V \cdot (\rho_S - \rho_Z) \\
 & & & \rho_S = \frac{G_Z \cdot \rho_V - G_V \cdot \rho_Z}{G_Z - G_V} \\
 & & & \rho_S = \frac{1,4 \cdot 1000 - 0,84 \cdot 1,293}{1,4 - 0,84} \\
 & & & \rho_S = 2498 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}
 \end{array}$$

1.431. Poprečni presjek parobroda u ravnini površine vode iznosi  $400 \text{ m}^2$ . Nakon utovara parobrod zaroni  $1 \text{ m}$  dublje u vodu. Nađi težinu tereta koji je utovaren u parobrod.

$$\begin{array}{lll} S = 400 \text{ m}^2 & p = \rho \cdot g \cdot h & p = \frac{F}{S} \Rightarrow F = p \cdot S \\ h = 1 \text{ m} & p = 1000 \cdot 9,81 \cdot 1 & F = 9810 \cdot 400 \\ G = ? & p = 9810 \text{ Pa} & F = 3924000 \text{ N} \\ & & F = 3,924 \cdot 10^6 \text{ N} \end{array}$$

1.432. Komad pluta pliva na vodi tako da je četvrtina njegova obujma pod vodom. Kolika je gustoća pluta?



$$V_U = \frac{1}{4} V$$

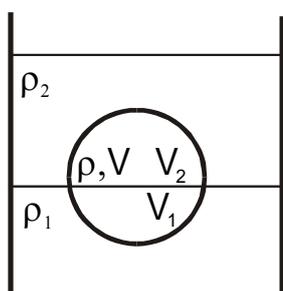
$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_V \cdot V_U \cdot g \\ \rho_P \cdot V \cdot g &= \rho_V \cdot V_U \cdot g \\ \rho_P &= \frac{\rho_V \cdot V_U \cdot g}{V \cdot g} \\ &= \frac{\rho_V \cdot \frac{1}{4} V \cdot g}{V \cdot g} \\ \rho_P &= \frac{\rho_V}{4} = \frac{1000}{4} \\ \rho_P &= 250 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \end{aligned}$$

1.433. Komad olova pliva u živi. Koliki je dio njegova obujma uronjen u živu?

$$\begin{aligned} \rho_O &= 11300 \text{ kg/m}^3 \\ \rho_Z &= 13600 \text{ kg/m}^3 \\ \frac{V_U}{V} &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_Z \cdot V_U \cdot g \\ \rho_O \cdot V \cdot g &= \rho_Z \cdot V_U \cdot g \\ \frac{V_U}{V} &= \frac{\rho_O}{\rho_Z} \\ \frac{V_U}{V} &= \frac{11300}{13600} = 0,83 = 83 \% \end{aligned}$$

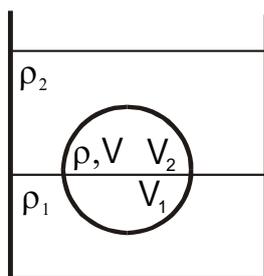
1.434. Na tekućinu gustoće  $\rho_1$  nalijemo tekućinu koja se s prvom ne miješa i koja ima gustoću  $\rho_2 < \rho_1$ . Očito je da će neko tijelo gustoće  $\rho$  ( $\rho_1 > \rho > \rho_2$ ) lebdjeti negdje u graničnom području između objiju tekućina. Treba odrediti koliki je dio obujma tijela uronjen u tekućinu veće gustoće.



$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_2 \cdot g \\ \rho \cdot V &= \rho_1 \cdot V_1 + \rho_2 \cdot V_2 \\ V &= V_1 + V_2 \Rightarrow V_2 = V - V_1 \\ \rho \cdot V &= \rho_1 \cdot V_1 + \rho_2 \cdot V - \rho_2 \cdot V_1 \\ V_1 \cdot (\rho_2 - \rho_1) &= V \cdot (\rho_2 - \rho) \\ V_1 &= \frac{\rho_2 - \rho}{\rho_2 - \rho_1} \cdot V \end{aligned}$$

1.435. U posudi se nalazi živa i povrhnje ulje. Kugla koju spustimo u posudu lebdi tako da je svojom donjom polovicom uronjena u živu, a gornjom u ulje. Odredi gustoću kugle.

$$\begin{aligned} V_1 &= V_2 \\ \rho_1 &= 13600 \text{ kg/m}^3 \\ \rho_2 &= 900 \text{ kg/m}^3 \\ \rho &= ? \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_2 \cdot g \\ \rho \cdot V \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_2 \cdot g \\ \rho &= \frac{\rho_1 \cdot V_1 + \rho_2 \cdot V_2}{V} \\ V_1 = V_2 &= \frac{1}{2} V \\ \rho &= \frac{\rho_1 \cdot \frac{1}{2} V + \rho_2 \cdot \frac{1}{2} V}{V} \\ \rho &= \frac{\rho_1 + \rho_2}{2} \\ \rho &= \frac{13600 + 900}{2} = 7250 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \end{aligned}$$

1.436. Tijelo u obliku kocke pliva na živi tako da je njegova četvrtina uronjena u živu. Koliki će dio tijela biti uronjen u živu ako na nju dolijemo toliko vode da pokriva cijelo tijelo?

$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_2 \cdot g \\ \rho \cdot V \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_2 \cdot g \\ \rho &= \frac{\rho_1 \cdot V_1 + \rho_2 \cdot V_2}{V} \\ V_1 &= \frac{1}{4} V \quad V_2 = \frac{3}{4} V \\ \rho &= \frac{\rho_1 \cdot \frac{1}{4} V + \rho_2 \cdot \frac{3}{4} V}{V} \\ \rho &= \frac{1}{4} \cdot 13600 + \frac{3}{4} \cdot 1293 \\ \rho &= 3401 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} G &= F_U \\ m \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_3 \cdot g \\ \rho \cdot V \cdot g &= \rho_1 \cdot V_1 \cdot g + \rho_2 \cdot V_3 \cdot g \\ \rho_1 \cdot V_1 &= \rho \cdot V - \rho_3 \cdot V_3 \\ \rho_1 \cdot V_1 &= \rho \cdot V - \rho_3 \cdot (V - V_1) \\ V_1 \cdot (\rho_1 - \rho_3) &= V \cdot (\rho - \rho_3) \\ V_1 &= \frac{\rho - \rho_3}{\rho_1 - \rho_3} \cdot V \\ V_1 &= \frac{3401 - 1000}{13600 - 1000} \cdot V \\ V_1 &= 0,19 \cdot V \end{aligned}$$

1.437. Težina tijela tri je puta manja u vodi nego u zraku. Kolika je gustoća tijela?

$$\begin{aligned} G_Z &= 3G_V \\ \rho &= ? \\ G_Z &= 3 \cdot G_V \\ G_Z &= m \cdot g - F_U \Rightarrow 3 \cdot G_V = m \cdot g - F_U \\ G_V &= \frac{m \cdot g - F_U}{3} \\ G_V &= m \cdot g - F_U \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{m \cdot g - \rho_Z \cdot V \cdot g}{3} &= m \cdot g - \rho_V \cdot V \cdot g \\ \frac{\rho \cdot V \cdot g - \rho_Z \cdot V \cdot g}{3} &= \rho \cdot V \cdot g - \rho_V \cdot V \cdot g \\ \frac{\rho - \rho_Z}{3} &= \rho - \rho_V \\ 2 \cdot \rho &= 3 \cdot \rho_V - \rho_Z \\ \rho &= \frac{3}{2} \cdot 1000 - \frac{1}{2} \cdot 1293 \\ \rho &= 1499,36 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \end{aligned}$$

1.438. Na jednoj zdjelici dvostrane vage leži komad srebra mase 10,5 g, a na drugoj komad stakla mase 13 g. Koja će strana prevagnuti ako vagu uronimo u vodu?

$$m_1 = 10,5 \text{ g}$$

$$\rho_1 = 10500 \text{ kg/m}^3$$

$$m_2 = 13 \text{ g}$$

$$\rho_2 = 2500 \text{ kg/m}^3$$

srebro:

$$F = G - F_U$$

$$F = m \cdot g - \rho_v \cdot V \cdot g$$

$$F = \rho_1 \cdot V \cdot g - \rho_v \cdot V \cdot g$$

$$F = (\rho_1 - \rho_v) \cdot V \cdot g$$

$$F = (10500 - 1000) \cdot V \cdot g$$

$$F = 9500 \cdot V \cdot g$$

staklo:

$$F = G - F_U$$

$$F = m \cdot g - \rho_v \cdot V \cdot g$$

$$F = \rho_2 \cdot V \cdot g - \rho_v \cdot V \cdot g$$

$$F = (\rho_2 - \rho_v) \cdot V \cdot g$$

$$F = (2500 - 1000) \cdot V \cdot g$$

$$F = 1500 \cdot V \cdot g$$

prevagnuti će srebro

1.439. Dva tijela imaju obujam  $V$  i  $2V$  te su na vagi u ravnoteži. Zatim veće tijelo uronimo u ulje. Kolika bi morala biti gustoća tekućine u koju bismo morali uroniti manje tijelo da bi vaga ostala u ravnoteži.

$$\rho_{\text{ULJA}} = 900 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho = ?$$



$$G - F_U = G - F_U$$

$$m \cdot g - \rho \cdot V \cdot g = m \cdot g - \rho_U \cdot 2 \cdot V \cdot g$$

$$\rho_T \cdot V \cdot g - \rho \cdot V \cdot g = \rho_T \cdot V \cdot g - \rho_U \cdot 2 \cdot V \cdot g$$

$$\rho_T - \rho = \rho_T - 2 \cdot \rho_U$$

$$\rho = 2 \cdot \rho_U$$

$$\rho = 2 \cdot 900$$

$$\rho = 1800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

1.440. Lopticu za stolni tenis, polumjera 15 mm i mase 5g, uronimo u vodu na dubinu 30 cm. Kad lopticu ispustimo, ona iskoči iz vode na visinu 10 cm iznad vode. Koliko se energije pritom pretvorilo u toplinu zbog otpora vode?

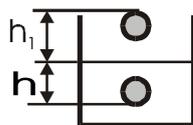
$$r = 15 \text{ mm} = 0,015 \text{ m}$$

$$m = 5 \text{ g} = 0,005 \text{ kg}$$

$$h = 30 \text{ cm} = 0,3 \text{ m}$$

$$h_1 = 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m}$$

$$Q = ?$$



$$Q = F_U \cdot h - m \cdot g \cdot h - m \cdot g \cdot h_1$$

$$Q = 0,14 \cdot 0,3 - 0,005 \cdot 9,81 \cdot (0,3 - 0,1)$$

$$Q = 0,022 \text{ J}$$

$$E_p = F_U \cdot h - m \cdot g \cdot h - Q$$

$$F_U = \rho \cdot V \cdot g$$

$$F_U = 1000 \cdot \frac{4}{3} \cdot 0,015^3 \cdot \pi \cdot 9,81$$

$$F_U = 0,14 \text{ N}$$

- 1.441. Tijelo ima obujam  $500 \text{ cm}^3$ . Pri vaganju je uravnoteženo bakrenim utezima mase  $440 \text{ g}$ . Odredi težinu tijela u vakuumu.

$$\begin{aligned} V &= 500 \text{ cm}^3 = 0,0005 \text{ m}^3 \\ m_{\text{UT}} &= 440 \text{ g} = 0,44 \text{ kg} \\ G &= ? \end{aligned}$$

$$G = m_{\text{UT}} \cdot g - \rho_z \cdot V_{\text{UT}} \cdot g + \rho_z \cdot V \cdot g$$

$$G = m_{\text{UT}} \cdot g - \rho_z \cdot \frac{m_{\text{UT}}}{\rho_{\text{UT}}} \cdot g + \rho_z \cdot V \cdot g$$

$$G = 0,44 \cdot 9,81 - 1,293 \cdot \frac{0,44}{8900} \cdot 9,81 + 1,293 \cdot 0,0005 \cdot 9,81$$

$$G = 4,32 \text{ N}$$

- 1.442. Kolika sila diže dječji balon u vis ako je napunjen vodikom, ima obujam  $3 \text{ dm}^3$  i ako mu je masa zajedno s vodikom  $3,4 \text{ g}$ ?

$$\begin{aligned} V &= 3 \text{ dm}^3 = 0,003 \text{ m}^3 \\ m &= 3,4 \text{ g} = 0,0034 \text{ kg} \\ F &= ? \end{aligned}$$

$$F = F_U - G$$

$$F = \rho_z \cdot V \cdot g - m \cdot g$$

$$F = 1,293 \cdot 0,003 \cdot 9,81 - 0,0034 \cdot 9,81$$

$$F = 0,0046 \text{ N}$$

- 1.443. Dječji balon obujma  $4 \text{ dm}^3$  napunjen je rasvjetnim plinom. Zrak ga podiže uvis silom  $9 \times 10^{-3} \text{ N}$ . Koliko je težak balon s plinom?

$$\begin{aligned} V &= 4 \text{ dm}^3 = 0,004 \text{ m}^3 \\ F &= 9 \times 10^{-3} \text{ N} = 0,009 \text{ N} \\ G &= ? \end{aligned}$$

$$F = F_U - G \Rightarrow G = F_U - F$$

$$G = \rho_z \cdot V \cdot g - F$$

$$G = 1,293 \cdot 0,004 \cdot 9,81 - 0,009$$

$$G = 0,0417 \text{ N}$$

- 1.444. Radiosonda ima obujam  $10 \text{ m}^3$  i napunjena je vodikom. Koliko tešku radioaparaturu može ponijeti ako ona sama ima masu  $600 \text{ g}$ ?

$$\begin{aligned} V &= 10 \text{ m}^3 \\ m &= 600 \text{ g} = 0,6 \text{ kg} \\ F &= ? \end{aligned}$$

$$F = F_U - G$$

$$F = \rho \cdot V \cdot g - m \cdot g$$

$$F = 1,293 \cdot 10 \cdot 9,81 - 0,6 \cdot 9,81$$

$$F = 120,95 \text{ N}$$

- 1.445. Stacionarni tok vode prolazi presjekom cijevi od  $50 \text{ cm}^2$  brzinom  $75 \text{ cm/s}$ . Kolikom brzinom prolazi tok vode presjekom  $10 \text{ cm}^2$ .

$$\begin{aligned} S_1 &= 50 \text{ cm}^2 \\ v_1 &= 75 \text{ cm/s} \\ S_2 &= 10 \text{ cm}^2 \\ v_2 &= ? \end{aligned}$$

$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$$

$$v_2 = \frac{S_1 \cdot v_1}{S_2}$$

$$v_2 = \frac{50 \cdot 75}{10}$$

$$v_2 = 375 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 3,75 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

1.446. Glicerin protječe kroz cijev promjera 10 cm brzinom 2 m/s. Kolika je brzina strujanja u cijevi promjera 4 cm koja se nadovezuje na prvu?

$$\begin{aligned}d_1 &= 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m} \\v_1 &= 2 \text{ m/s} \\d_2 &= 4 \text{ cm} = 0,04 \text{ m} \\v_2 &= ?\end{aligned}$$

$$S_1 = \frac{d_1^2 \cdot \pi}{4}$$

$$S_1 = \frac{0,1^2 \cdot \pi}{4} = 0,00785 \text{ m}^2$$

$$S_2 = \frac{d_2^2 \cdot \pi}{4}$$

$$S_2 = \frac{0,04^2 \cdot \pi}{4} = 0,00125 \text{ m}^2$$

$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$$

$$v_2 = \frac{S_1 \cdot v_1}{S_2}$$

$$v_2 = \frac{0,00785 \cdot 2}{0,00125}$$

$$v_2 = 12,49 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

1.447. Brzina protjecanja vode kroz široki dio horizontalne vodovodne cijevi jest 50 cm/s. Kolika je brzina vode u produžetku iste cijevi koji ima 2 puta manji promjer?

$$v_1 = 50 \text{ cm/s}$$

$$d_2 = \frac{d_1}{2}$$

$$v_2 = ?$$

$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$$

$$v_2 = \frac{S_1 \cdot v_1}{S_2} = \frac{\frac{d_1^2 \cdot \pi}{4} \cdot v_1}{\frac{d_2^2 \cdot \pi}{4}} = \frac{d_1^2}{d_2^2} \cdot v_1$$

$$v_2 = \frac{d_1^2}{\frac{d_1^2}{4}} \cdot v_1 = 4 \cdot v_1$$

$$v_2 = 4 \cdot 50$$

$$v_2 = 200 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

1.448. Koliki je rad utrošen na svladavanje trenja pri prenošenju  $25 \text{ cm}^3$  vode u horizontalnoj cijevi od mjesta na kojemu je tlak  $4 \times 10^4 \text{ Pa}$  do mjesta s tlakom  $2 \times 10^4 \text{ Pa}$ ?

$$V = 25 \text{ cm}^3 = 0,000025 \text{ m}^3$$

$$p_1 = 4 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$p_2 = 2 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$W = ?$$

$$W = \Delta p \cdot V$$

$$W = (p_1 - p_2) \cdot V$$

$$W = (4 - 2) \cdot 10^4 \cdot 0,000025$$

$$W = 0,5 \text{ J}$$

1.449. Na svladavanje trenja pri premještanju  $0,05 \text{ dm}^3$  vode u horizontalnoj cijevi od mjesta na kojemu je tlak  $4 \times 10^4 \text{ Pa}$  do nekoga drugog mjesta utrošen je rad 0,5 J. Koliki je tlak na drugome mjestu?

$$V = 0,05 \text{ dm}^3 = 0,00005 \text{ m}^3$$

$$p_1 = 4 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$W = 0,5 \text{ J}$$

$$p_2 = ?$$

$$W = \Delta p \cdot V$$

$$W = (p_1 - p_2) \cdot V$$

$$W = p_1 \cdot V - p_2 \cdot V$$

$$p_2 = p_1 - \frac{W}{V}$$

$$p_2 = 4 \cdot 10^4 - \frac{0,5}{0,00005}$$

$$p_2 = 3 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

1.450. Kolika je brzina istjecanja  $10^{-3} \text{ m}^3$  zraka koji se nalazi pod tlakom  $1,44 \times 10^4 \text{ Pa}$  u prostor napunjen zrakom pri tlaku  $0,96 \times 10^4 \text{ Pa}$ ?

$$\begin{aligned} V &= 10^{-3} \text{ m}^3 \\ p_1 &= 1,44 \times 10^4 \text{ Pa} \\ p_2 &= 0,96 \times 10^4 \text{ Pa} \\ v &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{m \cdot v^2}{2} &= (p_1 - p_2) \cdot V \\ v &= \sqrt{\frac{2 \cdot (p_1 - p_2) \cdot V}{\rho \cdot V}} \\ v &= \sqrt{\frac{2 \cdot (1,44 - 0,96) \cdot 10^4}{1,293}} \\ v &= 86,17 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

1.451. Ulje protječe kroz cijev promjera 6 cm srednjom brzinom 4 m/s. Kolika je jakost struje?

$$\begin{aligned} d &= 6 \text{ cm} = 0,06 \text{ m} \\ v &= 4 \text{ m/s} \\ I &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I &= S \cdot v \\ I &= \frac{d^2 \cdot \pi}{4} \cdot v \\ I &= \frac{0,06^2 \cdot \pi}{4} \cdot 4 \\ I &= 0,011 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \end{aligned}$$

1.452. Kolika je jakost struje vode u cijevi promjera 4 cm ako je brzina toka 15 cm/s?

$$\begin{aligned} d &= 4 \text{ cm} \\ v &= 15 \text{ cm/s} \\ I &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I &= S \cdot v \\ I &= \frac{d^2 \cdot \pi}{4} \cdot v \\ I &= \frac{4^2 \cdot \pi}{4} \cdot 15 \\ I &= 4 \cdot \pi \cdot 15 = 60 \cdot \pi \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} = 188,49 \frac{\text{cm}^3}{\text{s}} \end{aligned}$$

1.453. Kojom se brzinom spušta razina vode u spremniku površine presjeka  $2 \text{ m}^2$  ako je brzina istjecanja vode u odvodnoj cijevi presjeka  $40 \text{ cm}^2$  jednaka  $4 \text{ m/s}$ ? Kolika je jakost struje u spremniku?

$$\begin{aligned} S_1 &= 2 \text{ m}^2 \\ S_2 &= 40 \text{ cm}^2 = 0,004 \text{ m}^2 \\ v_2 &= 4 \text{ m/s} \\ v_1 &= ?, I = ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_1 \cdot v_1 &= S_2 \cdot v_2 \\ v_1 &= \frac{S_2 \cdot v_2}{S_1} \\ v_1 &= \frac{0,004 \cdot 4}{2} \\ v_1 &= 0,008 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ I &= S \cdot v \\ I &= 2 \cdot 0,008 \\ I &= 0,016 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \end{aligned}$$

1.454. Kolika je teorijska brzina istjecanja tekućine iz otvora koji se nalazi  $4,905 \text{ m}$  ispod njezine najviše razine?

$$\begin{aligned} h &= 4,905 \text{ m} \\ v &= ? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} v &= \sqrt{2 \cdot g \cdot h} \\ v &= \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 4,905} = 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

1.455. Posuda duboka 40 cm ima otvor na dnu. Kolika je brzina istjecanja tekućine kad je posuda posve puna?

$$h = 40 \text{ cm} = 0,4 \text{ m}$$

$$v = ?$$

$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 0,4} = 2,8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

1.456. Kolika količina vode isteče u jednoj minuti iz spremnika kroz otvor promjera 4 cm koji se nalazi 4,9 m ispod razine vode?

$$d = 4 \text{ cm}$$

$$h = 4,9 \text{ m}$$

$$l = ?$$

$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 4,9} = 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$l = S \cdot v$$

$$l = \frac{d^2 \cdot \pi}{4} \cdot v$$

$$l = \frac{0,04^2 \cdot \pi}{4} \cdot 9,8$$

$$l = 0,0123 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 0,74 \frac{\text{m}^3}{\text{min}}$$

1.457. U širokom dijelu horizontalne cijevi voda teče brzinom 8 cm/s pri statičkom tlaku  $14,7 \times 10^4$  Pa. U uskom dijelu te iste cijevi tlak je  $13,3 \times 10^4$  Pa. Kolika je brzina u uskom dijelu cijevi? Trenje zanemarimo.

$$v_1 = 8 \text{ cm/s} = 0,08 \text{ m/s}$$

$$p_1 = 14,7 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$p_2 = 13,3 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$v_2 = ?$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2$$

$$\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2 = p_1 - p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2$$

$$v_2^2 = \frac{p_1 - p_2}{\frac{1}{2} \cdot \rho} + v_1^2$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{2 \cdot (p_1 - p_2)}{\rho} + v_1^2}$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{2 \cdot (14,7 - 13,3) \cdot 10^4}{1000} + 0,08^2}$$

$$v_2 = 5,29 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

1.458. U horizontalnoj cijevi promjera 5 cm voda teče brzinom 20 cm/s pri statičkom tlaku  $19,6 \times 10^4$  Pa. Koliki je tlak u užem dijelu cijevi promjera 2 cm?

$$d_1 = 5 \text{ cm} = 0,05 \text{ m}$$

$$v_1 = 20 \text{ cm/s} = 0,2 \text{ m/s}$$

$$p_1 = 19,6 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$d_2 = 2 \text{ cm} = 0,02 \text{ m}$$

$$p_2 = ?$$

$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$$

$$v_2 = \frac{S_1 \cdot v_1}{S_2}$$

$$v_2 = \frac{\frac{d_1^2 \cdot \pi}{4} \cdot v_1}{\frac{d_2^2 \cdot \pi}{4}}$$

$$v_2 = \frac{d_1^2}{d_2^2} \cdot v_1$$

$$v_2 = \frac{0,05^2}{0,02^2} \cdot 0,2 = 1,25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2$$

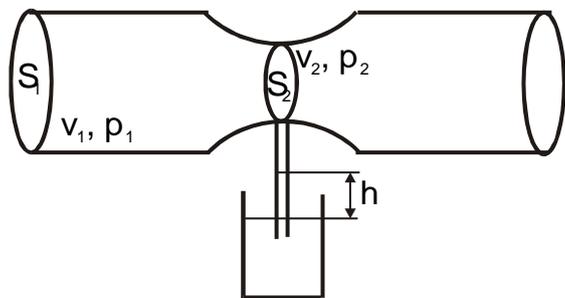
$$p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2$$

$$p_2 = 19,6 \cdot 10^4 + \frac{1000}{2} \cdot (0,2^2 - 1,25^2)$$

$$p_2 = 195238 \text{ Pa}$$

1.459. Na koju će se visinu podići voda u cjevčici utaljenoj u uski dio horizontalne cijevi promjera 2 cm ako je u širokom dijelu cijevi promjera 6 cm brzina vode 30 cm/s pri tlaku  $9,8 \times 10^4$  Pa?

$$\begin{aligned}d_1 &= 6 \text{ cm} \\d_2 &= 2 \text{ cm} \\v_1 &= 30 \text{ cm/s} = 0,3 \text{ m/s} \\p_1 &= 9,8 \times 10^4 \text{ Pa} \\h &= ?\end{aligned}$$



$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2$$

$$v_2 = \frac{S_1 \cdot v_1}{S_2}$$

$$v_2 = \frac{\frac{d_1^2 \cdot \pi}{4} \cdot v_1}{\frac{d_2^2 \cdot \pi}{4}}$$

$$v_2 = \frac{d_1^2}{d_2^2} \cdot v_1$$

$$v_2 = \frac{0,06^2}{0,02^2} \cdot 0,3 = 2,7 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2$$

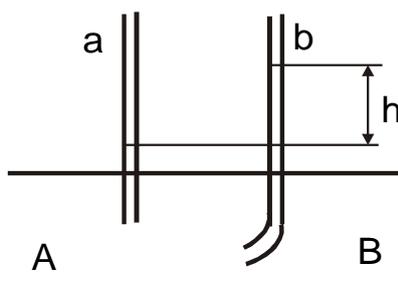
$$p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2$$

$$p_2 = 9,8 \cdot 10^4 + \frac{1000}{2} \cdot (0,3^2 - 2,7^2)$$

$$p_2 = 94400 \text{ Pa}$$

1.460. Kroz horizontalnu cijev AB teče tekućina. Razlika između razina tekućine u cjevčicama a i b jest  $h = 10$  cm. Kolika je brzina kojom tekućina teče kroz cijev AB?

$$\begin{aligned}h &= 10 \text{ cm} = 0,1 \text{ m} \\v &= ?\end{aligned}$$



$$\frac{\rho \cdot v^2}{2} = \rho \cdot g \cdot \Delta h$$

$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot \Delta h}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 0,1}$$

$$v = 1,4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$